

2025 普通高等学校招生考试 (新高考 I)

一、单选题

1. $(1 + 5i)i$ 的虚部为
- (A) -1 (B) 0 (C) 1 (D) 6
2. 已知集合 $U = \{x \mid x \text{ 是小于 } 9 \text{ 的正整数}\}$, $A = \{1, 3, 5\}$, 则 $C_U A$ 中元素的个数为
- (A) 0 (B) 3 (C) 5 (D) 8
3. 已知双曲线 C 的虚轴长是实轴长的 $\sqrt{7}$ 倍, 则 C 的离心率为
- (A) $\sqrt{2}$ (B) 2 (C) $\sqrt{7}$ (D) $2\sqrt{2}$
4. 已知点 $(a, 0) (a > 0)$ 是函数 $y = 2\tan\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ 的图象的一个对称中心, 则 a 的最小值为
- (A) $\frac{\pi}{6}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (D) $\frac{4\pi}{3}$
5. 已知 $f(x)$ 是定义在 $\mathbf{R}$ 上且周期为 2 的偶函数, 当 $2 \leq x \leq 3$ 时, $f(x) = 5 - 2x$, 则 $f\left(-\frac{3}{4}\right) =$
- (A) $-\frac{1}{2}$ (B) $-\frac{1}{4}$ (C) $\frac{1}{4}$ (D) $\frac{1}{2}$
6. 帆船比赛中, 运动员可借助风力计测定风速的大小与方向, 测出的结果在航海学中称为视风风速. 视风风速对应的向量是真风风速对应的向量与船行风风速对应的向量之和, 其中船行风风速对应的向量与船速对应的向量大小相等、方向相反. 图 1 给出了部分风力等级、名称与风速大小的对应关系. 已知某帆船运动员在某时刻测得的视风风速对应的向量与船速对应的向量如图 2 所示 (线段长度代表速度大小, 单位: m/s), 则该时刻的真风为

级数	名称	风速大小 (单位: m/s)
2	轻风	1.6 ~ 3.3
3	微风	3.4 ~ 5.4
4	和风	5.5 ~ 7.9
5	劲风	8.0 ~ 10.7

图 1

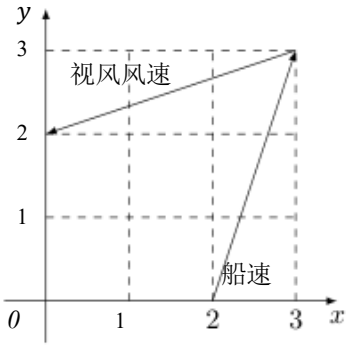


图 2

- (A) 轻风 (B) 微风 (C) 和风 (D) 劲风
7. 已知圆 $x^2 + (y + 2)^2 = r^2 (r > 0)$ 上到直线 $y = \sqrt{3}x + 2$ 的距离为 1 的点有且仅有两个, 则 r 的取值范围是
- (A) (0, 1) (B) (1, 3) (C) (3, +∞) (D) (0, +∞)

8. 已知 $2 + \log_2 x = 3 + \log_3 y = 5 + \log_5 z$, 则 x, y, z 的大小关系不可能为 ()
- (A) $x > y > z$ (B) $x > z > y$ (C) $y > x > z$ (D) $y > z > x$

二、多选题

9. 在正三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 中, D 为 BC 的中点, 则
- (A) $AD \perp A_1C$ (B) $B_1C_1 \perp$ 平面 AA_1D (C) $AD // A_1B_1$ (D) $CC_1 //$ 平面 AA_1D
10. 已知抛物线 $C: y^2 = 6x$ 的焦点为 F , 过 F 的一条直线交 C 于 A, B 两点, 过 A 作直线 $l: x = -\frac{3}{2}$ 的垂线, 垂足为 D , 过 F 且与直线 AB 垂直的直线交 l 于点 E , 则
- (A) $|AD| = |AF|$ (B) $|AE| = |AB|$ (C) $|AB| \geq 6$ (D) $|AE| \cdot |BE| \geq 18$
11. 已知 $\triangle ABC$ 的面积为 $\frac{1}{4}$, $\cos 2A + \cos 2B + 2\sin C = 2$, $\cos A \cos B \sin C = \frac{1}{4}$, 则
- (A) $\sin C = \sin^2 A + \sin^2 B$ (B) $AB = \sqrt{2}$ (C) $\sin A + \sin B = \frac{\sqrt{6}}{2}$ (D) $AC^2 + BC^2 = 3$

三、填空题

12. 若直线 $y = 2x + 5$ 是曲线 $y = e^x + x + a$ 的一条切线, 则 $a =$ ____.
13. 若一个等比数列的各项均为正数, 且前 4 项的和等于 4, 前 8 项的和等于 68, 则这个数列的公比等于 ____.
14. 有 5 个相同的球, 分别标有数字 1, 2, 3, 4, 5, 从中有放回地随机取 3 次, 每次取 1 个球. 记 X 为这 5 个球中至少被取出 1 次的球的个数, 则 X 的数学期望 $E(X) =$ ____.

四、解答题

15. 为研究某疾病与超声波检查结果的关系, 从做过超声波检查的人群中随机调查了 1000 人, 得到如下列联表:

组别 \ 超声波检查结果	超声波检查结果		
	正常	不正常	合计
患该疾病	20	180	200
未患该疾病	780	20	800
合计	800	200	1000

(1) 记超声波检查结果不正常者患该疾病的概率为 p , 求 p 的估计值;

(2) 根据小概率值 $\alpha = 0.001$ 的独立性检验, 分析超声波检查结果是否与患该疾病有关.

附: $\chi^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a + b)(c + d)(a + c)(b + d)}$,

$P(\chi^2 \geq k)$	0.050	0.010	0.001
k	3.841	6.635	10.828

.

16. 已知数列 $\{a_n\}$ 中, $a_1 = 3$, $\frac{a_{n+1}}{n} = \frac{a_n}{n+1} + \frac{1}{n(n+1)}$.

- (1) 证明: 数列 $\{na_n\}$ 是等差数列;
- (2) 给定正整数 m , 设函数 $f(x) = a_1x + a_2x^2 + \cdots + a_mx^m$, 求 $f'(-2)$.